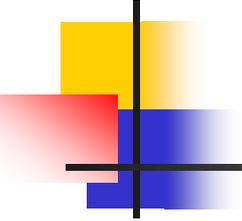


# Компьютерная графика

## лекция 2

**Растровые  
алгоритмы и  
характеристики  
растра**





## Глубина цвета

---

**Количество цветов (глубина цвета)** – одна из основных характеристик изображения или устройства графического вывода. Согласно психофизиологическим исследованиям глаз человека способен различать 350 000 цветов.

Однако в компьютерной графике в настоящее время используются изображения с формально гораздо большей глубиной цвета (16,7 млн цветов), тем не менее следует учитывать, что для синтезированных цветов на каждый из компонентов цвета в этом случае отводится только 256 градаций, которые достаточно хорошо различимы глазом человека.

Классифицируем изображения следующим образом:

бинарные – 1 бит на пиксель – обычно чёрно-белые изображения

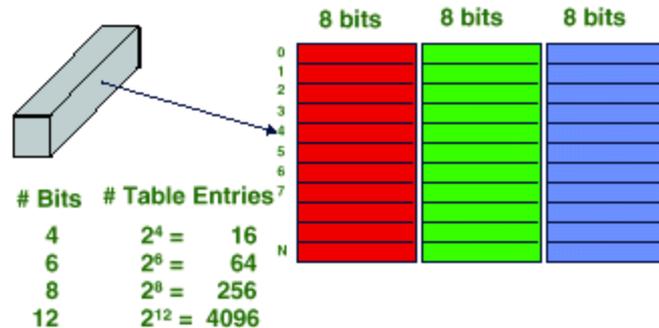
полутоновые – 1 байт на пиксель – изображение в градациях серого

Hi Color – 16 бит на пиксель – 65536 цветов

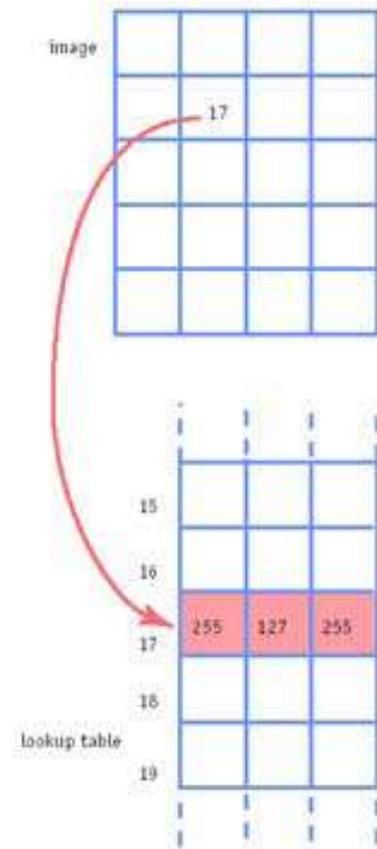
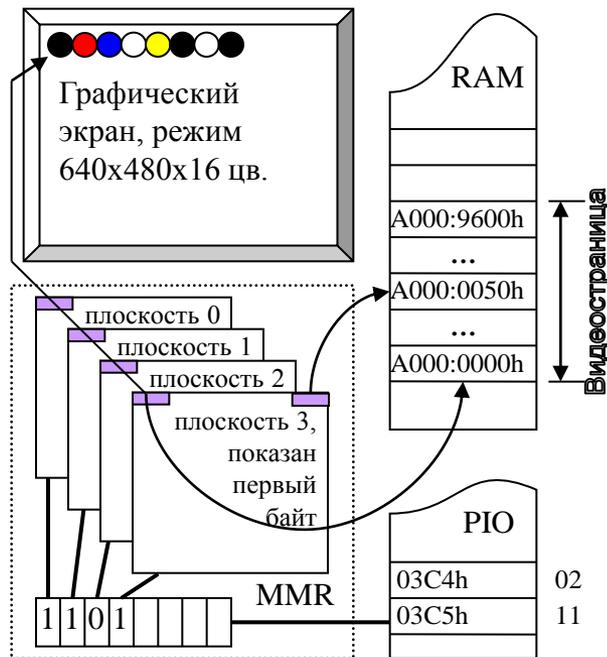
True Color – от 24 бит на пиксель (16,7 млн. цветов) до 48 бит на пиксель

# Палитра

## Indirect color with color lookup table

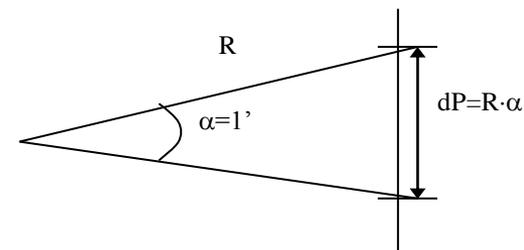


**Палитра (palette)** – набор цветов, используемых в изображении или при отображении видеоданных. Палитру можно воспринимать как таблицу кодов цветов (обычно в виде RGB-троек байтов). Палитра устанавливает взаимосвязь между кодом цвета и его компонентами в выбранной цветовой модели. Палитра может принадлежать изображению, части изображения, операционной системе или видеокарте.



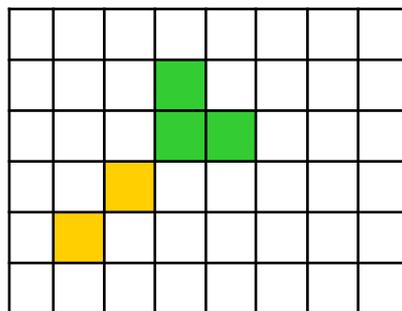
## Геометрические характеристики растра

**Разрешающая способность** характеризует расстояние между соседними точками растрового изображения и измеряется обычно в ***dpi (dots per inch)***



$$\text{dpi} = 25.4 / dP$$

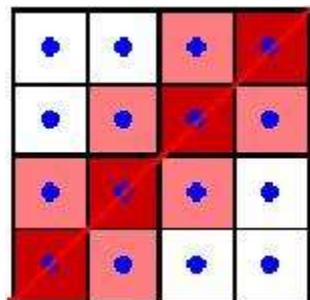
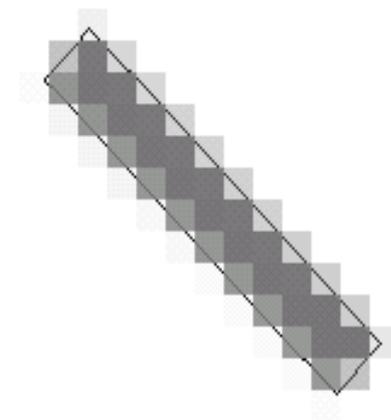
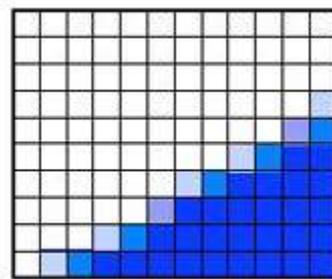
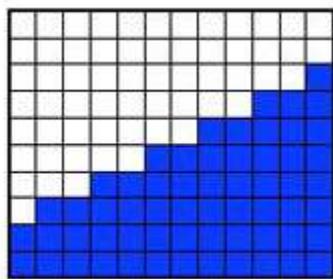
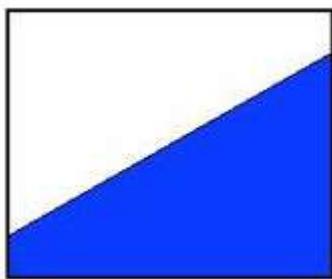
**Связность** – соседство двух пикселей в растровом изображении



Расстояние $R$ , мм	Размер $dP$ , мм	Разр. способность, dpi	Комментарии
<b>500</b>	<b>0.14</b>	<b>181</b>	Расстояние, на котором рекомендуется работать с монитором.
<b>300</b>	<b>0.09</b>	<b>282</b>	Расстояние, на котором просматриваются бумажные документы.

Методы улучшения растровых изображений:  
**anti-aliasing** (устранение ступенчатого эффекта)

$$C_x = \frac{C \cdot S_1 + C_f \cdot S_2}{S_1 + S_2}$$



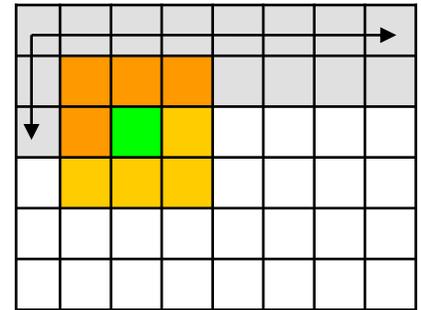
Мультисэмплинг 4x – один из вариантов антиалисинга:  
пиксель делится на 4 равные части.

Методы улучшения растровых изображений:  
**smoothing** (сглаживающие фильтры)

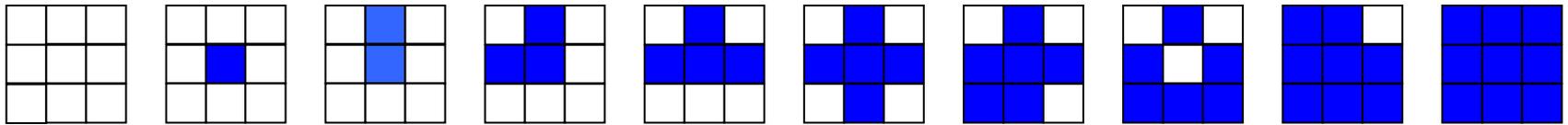
$$F_{x,y} = \frac{1}{K} \sum_{i=0}^L \sum_{j=0}^L C_{x+i,y+j} \cdot M_{i,j}$$

$$M_1 = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \quad M_2 = \frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

рекурсивная  
фильтрация



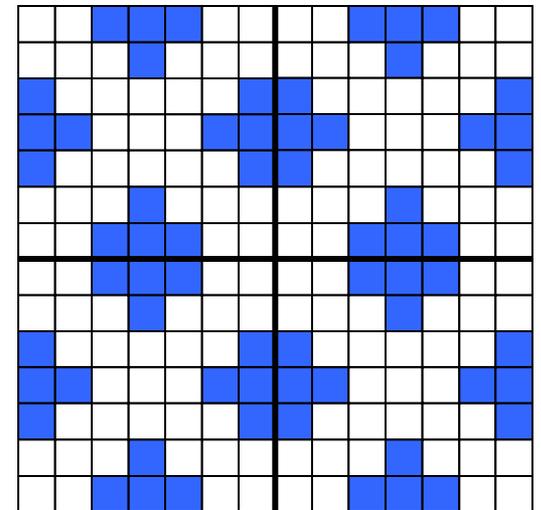
# Методы улучшения растровых изображений: **dithering** (эмуляция оттенков цвета)



Для ячейки с размерами  $n \times n$  можно получить  $n^2+1$  различных градаций

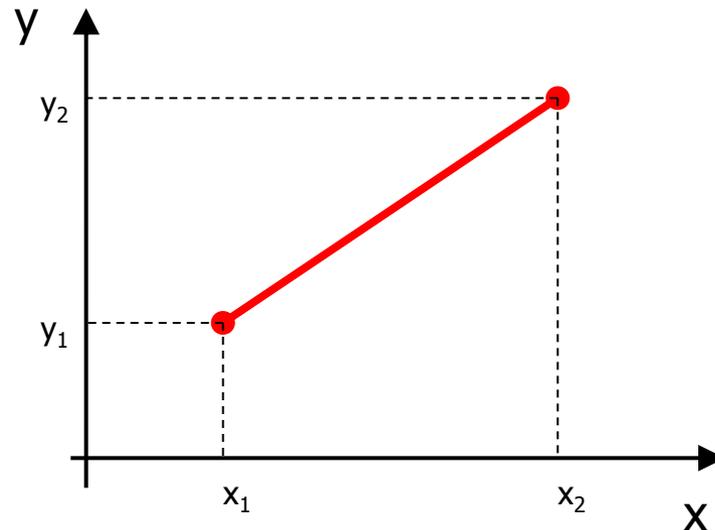
$$C = \frac{m_1 C_1 + m_2 C_2}{m_1 + m_2}, \quad m_1 + m_2 = n^2.$$

При регулярном расположении одинаковых ячеек образуются *паразитные текстуры, муар*. Поэтому наряду с ячейками с фиксированным рисунком используются методы *частотно-модулированного дизеринга* (равномерное псевдослучайное распределение пикселей по ячейке) и *диффузного дизеринга* (распределение в каждой ячейке создаётся случайным образом).



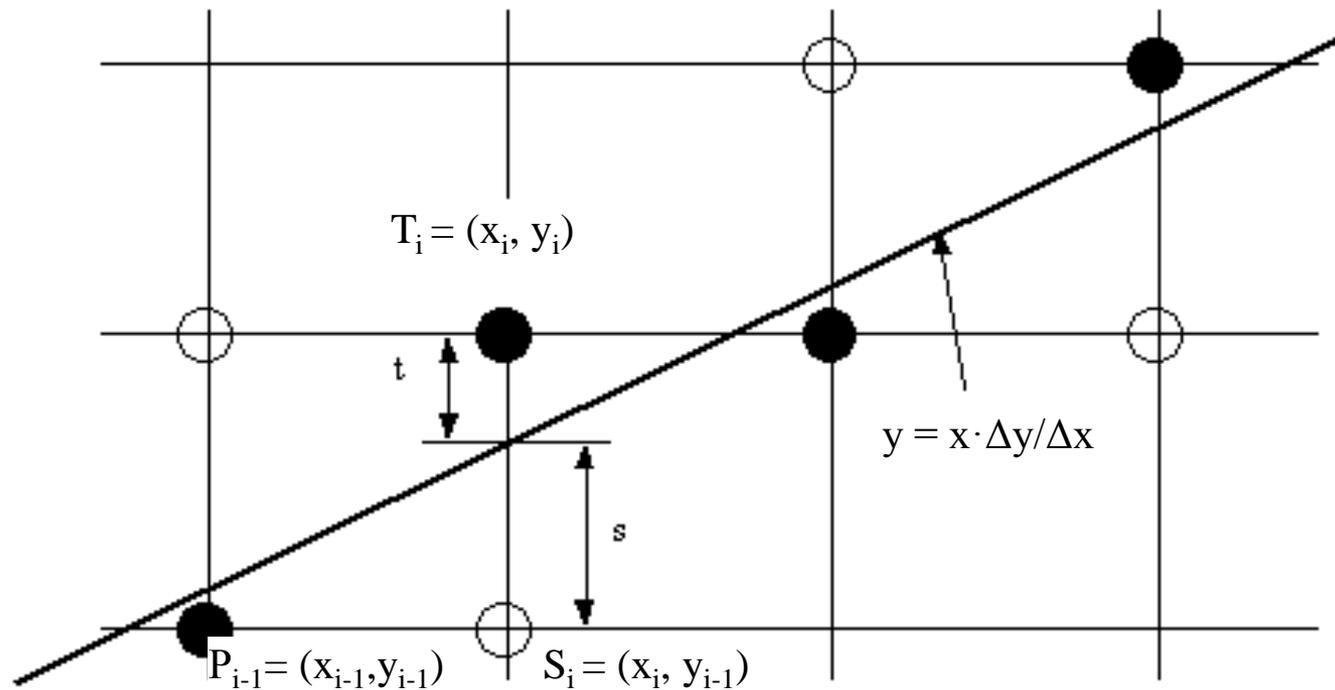
## Растровые алгоритмы рисования прямых и эллипсов: постановка проблемы

$$\frac{x - x_1}{y - y_1} = \frac{x_2 - x_1}{y_2 - y_1}$$

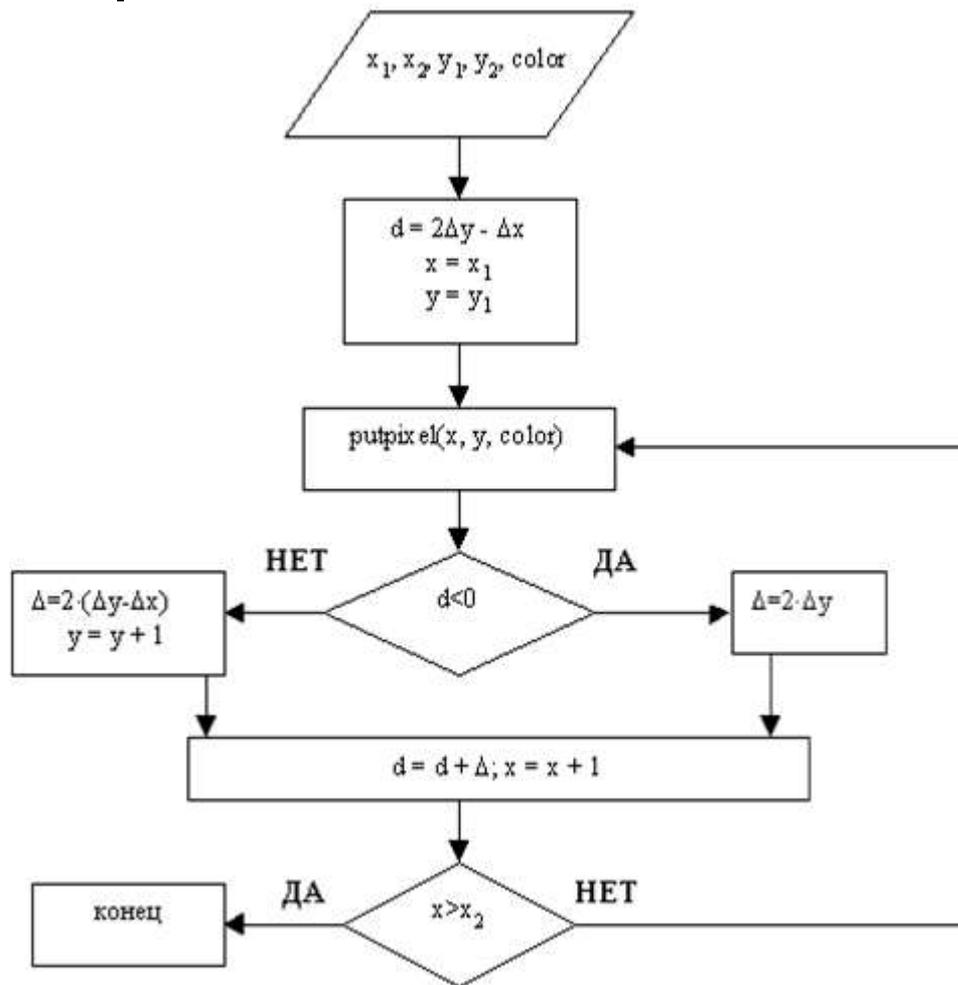


```
float k = (float) (y2-y1) / (float) (x2-x1);  
float yy = y1;  
for (x=x1; x<=x2; x++)  
{  
    yy += k; y = yy  
    SetPixel(x,y);  
}
```

# Растровые алгоритмы рисования прямых: инкрементный алгоритм Брезенхема



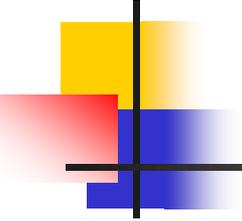
## Растровые алгоритмы рисования прямых: инкрементный алгоритм Брезенхема



Для 8-связных пикселей:

```
int dx = x2 - x1;  
int dy = y2 - y1;  
int d = 2 * dy - dx;  
int d1 = 2*dy;  
int d2 = 2*(dy - dx);  
SetPixel(x1, y1, color);
```

```
for (int x = x1 + 1; int y = y1; x <= x2; x++)  
{  
    if (d < 0) {  
        d += d1;  
    } else {  
        d += d2;  
        y += 1;  
    }  
    SetPixel( x, y, color);  
}
```



## Растровые алгоритмы рисования прямых: инкрементный алгоритм Брезенхема

---

Для 4-связных пикселей:

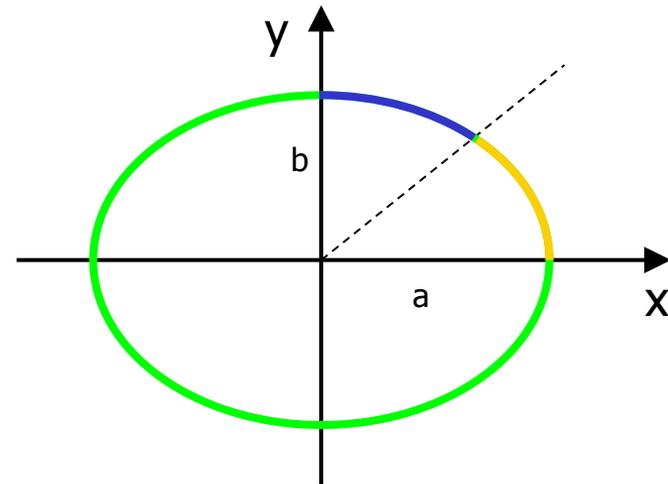
```
void Line4 (int x1, int y1, int x2, int y2, int color)
{
    int dx = x2 - x1;
    int dy = y2 - y1;
    int d = 0;
    int d1 = dy << 1;
    int d2 = - ( dx << 1 );
    SetPixel (x1, y1, color);
    for ( int x = x1, y = y1, i = 1; i <= dx + dy; i++ ) {
        if ( d > 0 ) {
            d += d2; y += 1;
        } else {
            d += d1; x += 1;
        }
        SetPixel ( x, y, color);
    }
}
```

$$b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2$$

## Растровые алгоритмы рисования прямых: рисование окружностей и эллипсов

$$y^2 = r^2 - x^2$$

```
void Circle(int Xc,int Yc,int radius,int c)
{
    int x,y,d;
    d = 3 - ( radius << 1);
    x = 0; y = radius;
    While ( x < y ) {
        Set8Pixels( Xc, Yc, x, y, c );
        If ( d > 0 ) {
            d = d + ( x << 2 ) + 6;
        } else {
            d = d + ( (x-y) << 2 ) + 10;
            y--;
        }
        x++;
    }
}
```

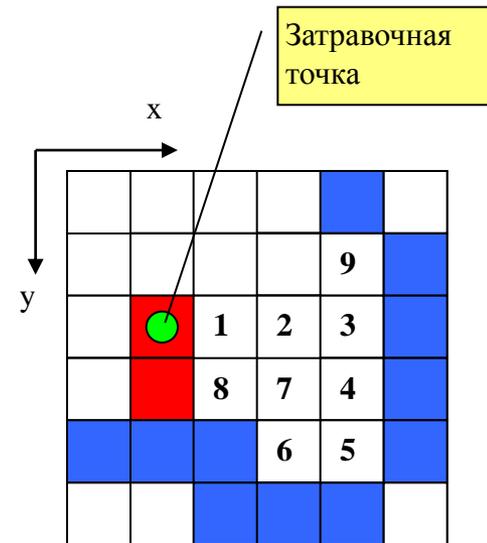


~~$\sqrt{\dots}$  Sin()~~

## Растровые алгоритмы закрашивания: простое рекурсивное заполнение

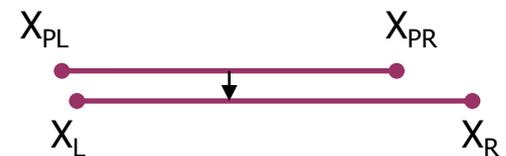
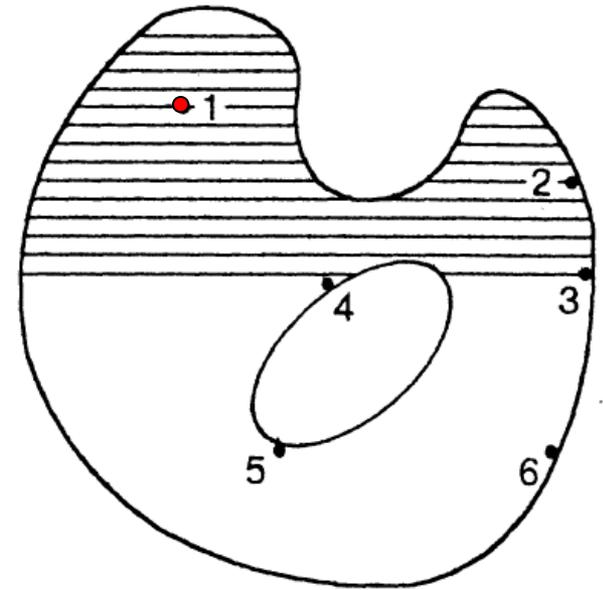
В закрашиваемой области указывается затравочная точка. Область может содержать полости и быть сколь угодно сложной формы. Необходимо лишь, чтобы внешняя граница и границы полостей были 8-связны и их цвет отличался от цвета заполнения.

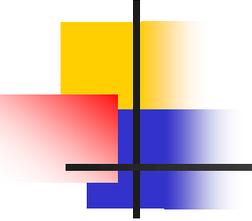
```
void PixelFill (int x, int y, int BC, int color)
{
    int c = GetPixel ( x, y );
    If (( c != BC ) && ( c != color ))
    {
        SetPixel ( x, y, color );
        PixelFill ( x - 1, y, BC, color );
        PixelFill ( x + 1, y, BC, color );
        PixelFill ( x, y - 1, BC, color );
        PixelFill ( x, y + 1, BC, color );
    }
}
```



## Растровые алгоритмы закрашивания: алгоритм закрашивания линиями

1. Имеется затравочная точка с координатами  $(x_{st}, y_{st})$  и начальное направление действия рекурсивных вызовов  $dir=1$ . Параметры левой и правой границы вначале совпадают с координатой затравочной точки:  $x_{PL} = x_{st}$ ,  $x_{PR} = x_{st}$ . Вызывается процедура LineFill, в которой:
2. Находятся  $x_L$  и  $x_R$  – левая и правая границы, между которыми **проводится текущая горизонтальная линия**.
3. Делается приращение  $y=y+dir$  и, между  $x_L$  и  $x_R$ , анализируется цвет пикселей **над** линией. Если он **не** совпадает с цветом заполнения, процедура LineFill вызывается рекурсивно с  $dir = 1$  и  $x_{PL} = x_L$ ,  $x_{PR} = x_R$ .
4. Делается приращение  $y=y-dir$  и, начиная от  $x_L$  до предыдущего значения  $x_{PL}$  анализируется цвет пикселей **под** линией. Если цвет пикселя отличается от цвета заполнения, процедура вызывается рекурсивно с  $dir = -1$  и  $x_{PL} = x_L$ ,  $x_{PR} = x_R$ .
5. Продолжая по той же горизонтали от предыдущего  $x_{PR}$  до  $x_R$  анализируется цвет **под** линией. Если цвет какого-либо пикселя отличается от цвета заполнения, процедура вызывается рекурсивно с  $dir = -1$  и  $x_{PL} = x_L$ ,  $x_{PR} = x_R$ .





## Растровые алгоритмы закрашивания: алгоритм закрашивания линиями

```
int LineFill ( int x, int y, int dir, int PrevXl, int PrevXr )
{
    int xl = x;
    int xr = x;
    int c;

    // find line segment
    do c = getpixel ( --xl, y );
    while ( ( c != BorderColor ) && ( c != Color ) );
    do c = getpixel ( ++xr, y );
    while ( ( c != BorderColor ) && ( c != Color ) );
    xl++; xr--;
    line ( xl, y, xr, y ); // fill segment
    // fill adjacent segments in the same direction
    for ( x = xl; x <= xr; x++ )
    {
        c = getpixel ( x, y + dir );
        if ( ( c != BorderColor ) && ( c != Color ) )
            x = LineFill ( x, y + dir, dir, xl, xr );
    }
    for ( x = xl; x < PrevXl; x++ )
    {
```

```
        c = getpixel ( x, y - dir );
        if ( ( c != BorderColor ) && ( c != Color ) )
            x = LineFill ( x, y - dir, -dir, xl, xr );
    }
    for ( x = PrevXr; x < xr; x++ )
    {
        c = getpixel ( x, y - dir );
        if ( ( c != BorderColor ) && ( c != Color ) )
            x = LineFill ( x, y - dir, -dir, xl, xr );
    }
    return xr;
}
```